

有理数的乘方



目标导航

- 1.理解有理数的乘方的意义.(重点)
- 2.体会有理数乘方运算的符号法则,熟练进行有理数的乘方运算.(重点、难点)



你信吗?

一张厚为0.1毫米的纸折叠27次后,它的

厚度相当于1.5个珠穆朗玛峰



黄冈学习网 www.hgxxw.net

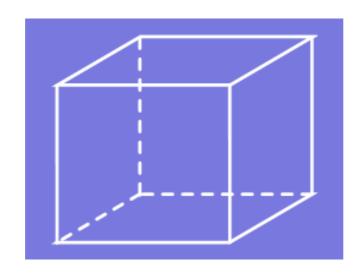
练习一(课前测评)

- 1、边长为a的正方形的面积为 a^2
- 2、棱长为a的正方体的体积为 a^3
- $3, (-2)\times(-2)\times(-2)=_{\underline{}}$;
- 4, $(-1)\times(-1)\times(-1)\times(-1)=\frac{-1}{2}$



如图,一正方体的棱长为4cm,则它的体积为

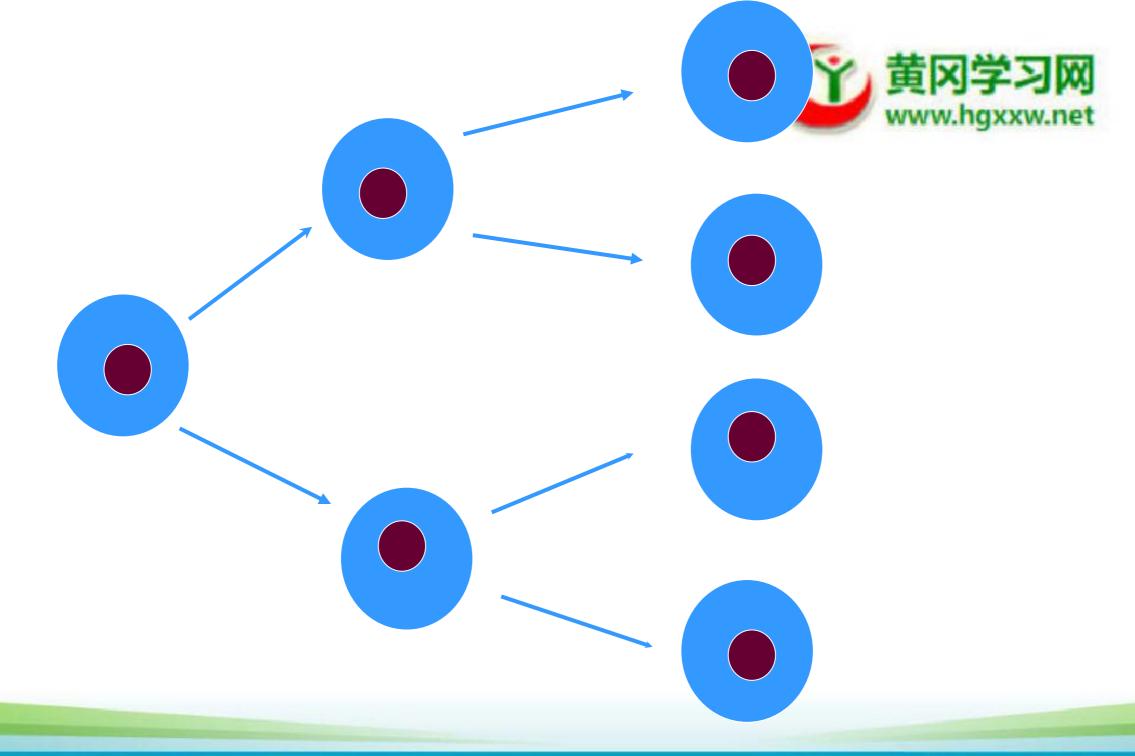
_____立方厘米.





某种细胞每30分钟便由一个分裂成两个.经 过3小时这种细胞由1个能分裂成多少个?

分裂方式如下所示:



这个细胞分裂一次可得多少个细胞?



分裂两次呢? 分裂三次呢?

那么,3小时共分裂了多少次?

答:一次得: 2个;

两次 : 2×2个;

三次 : 2×2×2个;

六次: 2×2×2×2×2×2个.



请比较正方体的体积值式子:

$$4\times4\times4$$

和细胞分裂六次后的个数式子:

$$2\times2\times2\times2\times2\times2$$
.

它们有什么相同点?



这样的运算我们叫作乘方运算.

乘方:求相同因数积的运算.

4×4×4记作: 4³

2×2×2×2×2×2记作: 2⁶

一般的,任意多个相同的有理数相乘,我们通常记作:



底数(因数)

指数

(因数的个数)

幂



其中a代表相乘的因数,n代表相乘因数的个数即:

$$a^{\mathbf{n}} = \underbrace{a \times a \times a \dots \times a}^{n \uparrow a}$$



练习一(口答)

- (1) 在 1210中,12是____数,10是___数,读作____;
- (2) $(\frac{2}{3})^7$ 的底数是____, 指数是____, 读作_____;



- (3) 在 (-3)16 中, -3是___数, 16是___数, 读作____;
- (4) 在 $(-a)^{17}$ 中,底数是_____;指数是____;读作

- (5)5看成幂的话,底数是___,指数是____,可读作___;
- (6) a看成幂的话,底数是____,指数是____,可读作____;

练习二



- 一、把下列乘法式子写成乘方的形式:
- 1, 1×1×1×1×1×1×1=___;
- $2, 3\times3\times3\times3=$ ___;
- $3, (-3) \times (-3) \times (-3) \times (-3) = ___;$
- 4. $\frac{5}{6} \times \frac{5}{6} \times \frac{5}{6} \times \frac{5}{6} =$ _;



二、把下列乘方写成乘法的形式:

$$1, (-0.9)^3 = ___;$$

$$2 \cdot (\frac{9}{7})^4 = ___;$$

$$3, (a-b)^2 = ____;$$

思考: 用乘方式子怎么表示33的相反数?

练习三



判断下列各题是否正确:

- () ① $2^3 = 2 \times 3$;
- () (3) $2^3 = 2 \times 2 \times 2$;

()
$$(4) - 2^4 = (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2)$$

$$(-2)^4 = (-2) \times (-2) \times (-2) \times (-2)$$

$$-2^4 = -2 \times 2 \times 2 \times 2$$

夢探究・典例导学



知识点1 有理数的乘方

【例1】计算:

$$(1)(-\frac{1}{2})^4$$
. $(2)-6^3$. $(3)(-1\frac{4}{5})^3$.

【思路点拨】根据乘方的意义→转化为乘法→利用乘法法则 求值.



【自主解答】(1)
$$\left(-\frac{1}{2}\right)^{4} = \left(-\frac{1}{2}\right) \times \left(-\frac{1}{2}\right) \times \left(-\frac{1}{2}\right) \times \left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{16}$$
.

$$(2) -6^3 = -6 \times 6 \times 6 = -216.$$

(3)
$$(-1\frac{4}{5})^3 = (-\frac{9}{5})^3 = (-\frac{9}{5}) \times (-\frac{9}{5}) \times (-\frac{9}{5}) = -\frac{729}{125}$$
.



【总结提升】有理数的乘方运算步骤

- 1. 根据底数的正负与指数的奇偶性确定幂的符号.
- 2. 把底数绝对值乘方转化为乘法,按乘法法则进行计算.



知识点 2 乘方在实际中的应用

【例2】当你把纸对折1次时,可以得到2层;对折2次时,可以得到4层;对折3次时,可以得到8层...

- (1)计算对折5次时的层数是多少?
- (2)你能发现层数与折纸的次数的关系吗?
- (3)如果每张纸的厚度是0.1毫米,求对折12次后纸的总厚度.



【解题探究】(1)对折1次得到2层即21层;对折2次得到4层即

22层;对折3次得到8层即23层;…那么对折5次时的层数是多

少?

提示: 25=32(层).



(2)由上可知对折n次时的层数是多少?结合以上具体对折的次数与2的指数之间的关系,你能猜想出对折次数n与2的指数之间的关系吗?

提示: 2n 相等



(3)根据上述对折次数与2的指数之间的关系可得:对折12次的层数为 $2^{12}=4096$.

已知每张纸的厚度为0.1毫米,那么对折12次后的厚度

为4 096×0.1=409.6(毫米)=40.96(厘米).



【互动探究】如果对折30次后纸的总厚度会比珠穆朗玛峰高,你相信吗?

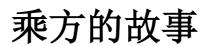
相信. 对折30次之后, 纸的总厚度为:

 $0.1 \text{ mm} \times 2^{30} \approx 107 374 \text{ m}.$



【总结提升】利用有理数乘方解决倍增问题

- 1. 从特殊到一般,发现规律,揭示数学关系,以幂的形式表示出来.
- 2. 结合问题进行有关运算,有时指数太大时,结果写为幂的形式.





有一个长工到一个财主家去做工,他和财主商定: "第一天给一分钱,第二天给两分钱,以后每天是前一天的平方."财主答应了,到月底(30天)后,你猜一猜: 财主会给长工多少钱?

月底,长工兴冲冲的去领钱,他以为自己一下子可以领到一笔天文财富,结果财主只给了长工5分钱,而且还说是多给了他.



长工算法:

第一天1分,第二天2分,第三天4分,第四天16分, 第五天256分......

财主算法:

第一天0.01元,第二天0.02元,第三天0.0004元, 第四天0.0000016元.....



· 湖絲· 基础这标

- 1.(滨州中考题)-23等于()
- A.-6 B.6 C.-8 D.8
 - 【解析】-2³=-2×2×2=-8.

【答案】C.



【解析】
$$(-1)^{4}=(-1)\times(-1)\times(-1)\times(-1)=1$$
;

$$-2^{4}=-2\times2\times2\times2=-16$$
.

答案: 1 -16

3.计算:
$$(1)(-\frac{2}{3})^3.(2)(-3)^4.(3)0.1^3.$$



解: (1)
$$\left(-\frac{2}{3}\right)^3 = \left(-\frac{2}{3}\right) \times \left(-\frac{2}{3}\right) \times \left(-\frac{2}{3}\right)$$

$$=-\frac{8}{27}$$
.

$$(2) (-3)^4 = (-3) \times (-3) \times (-3) \times (-3) = 81.$$

(3) 0.
$$1^3$$
=0. 1×0 . 1×0 . 1 =0. 001.

4.你吃过"手拉面"吗?如果把一个面团拉开,然后对折,再拉开,再对折,...,如此往复下去,对折10次,会拉出______根面条.

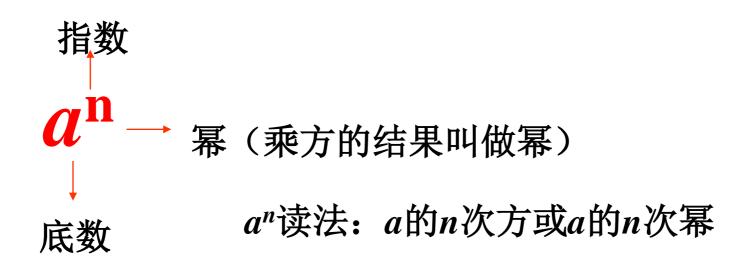
【解析】第一次对折得2=2¹(根),第二次对折得2×2=2²(根),第三次对折得2×2×2=2³(根),…,第10次对折可拉出面条 2¹⁰=1 024(根).

答案: 1 024

小结



1、乘方的概念: 求n个相同因数的积的运算叫做乘方



2、乘方符号的确定

负数的奇次幂是负数,负数的偶次幂是正数,正数的任何次幂都是正数,**0**的任何正整数次幂都是**0**

课后练习



1.一根1 m长的绳子,第一次剪去一半,第二次剪去剩下的一半,如此剪下去,第六次剪后剩下的绳子的长度为()

$$\frac{1}{4}$$
 A.($\frac{1}{2}$)³ m B.($\frac{1}{2}$)⁵ m

$$\frac{1}{2}$$
 $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ m



2.计算

$$(1)(-1)^{10};(2)(-1)^{7};(3)8^{3};(4)(-5)^{3};$$

$$(5) 0.1^3; (6)(-\frac{1}{2})^4; (7)(-10)^4; (8)(-10)^5.$$



3.计算

(1)
$$2\times(-3)^2-4\times(-3)+15$$
;

(2)
$$2\frac{1}{4} \times (-\frac{6}{7}) \div (\frac{1}{2} - 2);$$

$$(3)$$
 $-2^2 + (-7) \div (-\frac{7}{4});$

$$(4) -8 - 3 \times (-1)^3 - (-1)^4;$$

