



黄冈学习网
www.hgxxw.net

相似三角形的性质



相似三角形的性质：

根据相似三角形的定义可以知道：

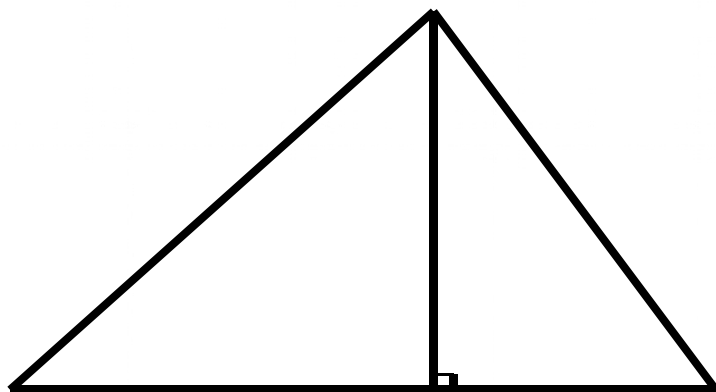
相似三角形对应角相等，对应边的比都等于**相似比**。

想一想

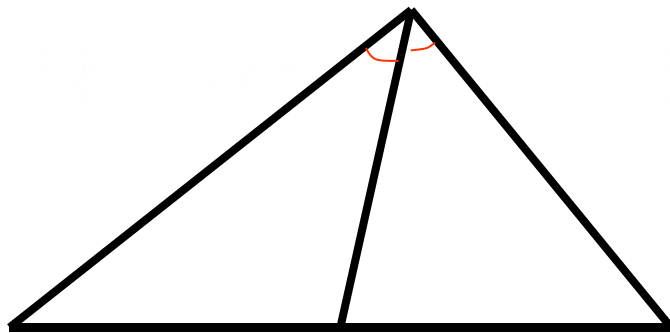


三角形中，除了角度和边长外，还有哪些几何量？

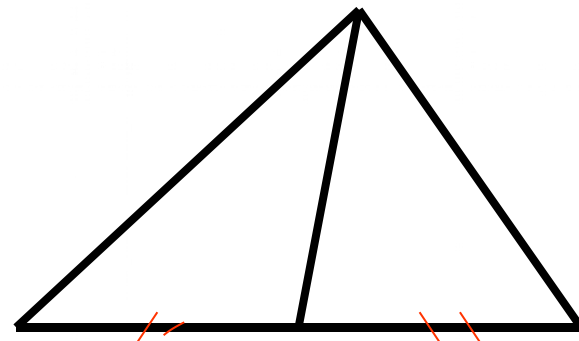
高、角平分线、中线的长度，等



高



角平分线



中线

已知：如图， $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$ ， $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 的相似比是 k ， AD 、 $A'D'$ 是对应边上的高。

求证：
$$\frac{AD}{A'D} = k$$

证明： $\because \triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$

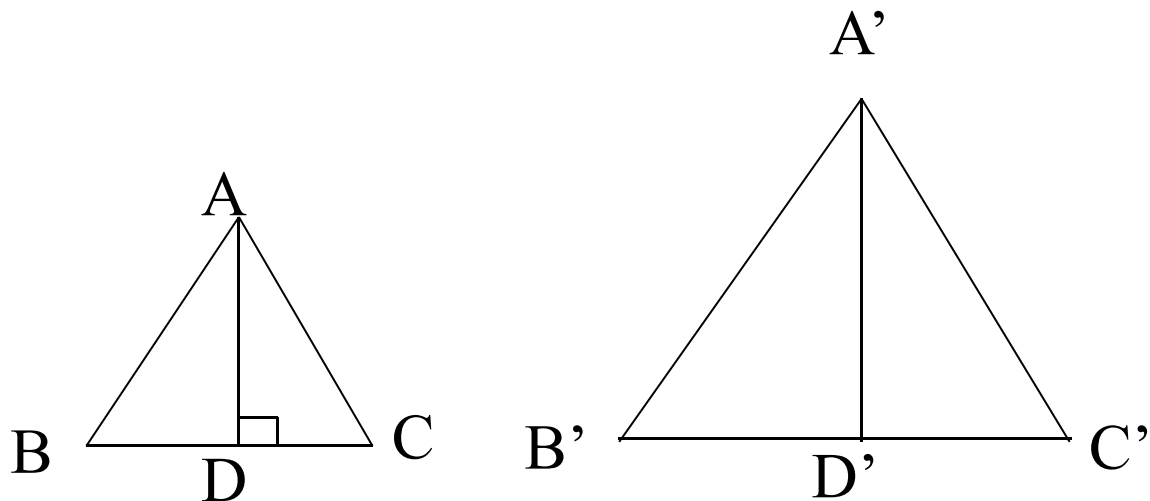
$$\therefore \angle B = \angle B'$$

又 $\because AD \perp BC, A'D' \perp B'C'$

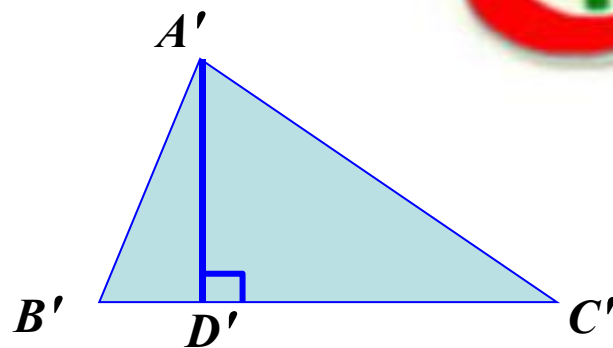
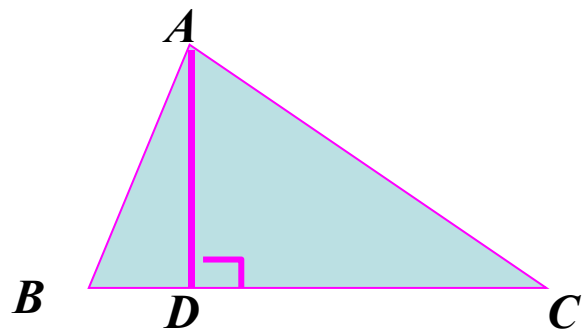
$$\therefore \angle ADB = \angle A'D'B' = 90^\circ$$

$$\therefore \triangle ABD \sim \triangle A'B'D'$$

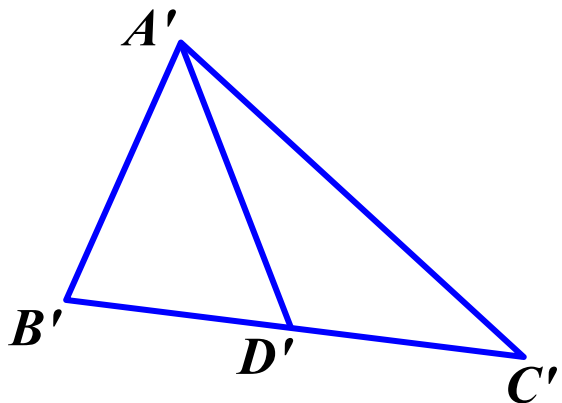
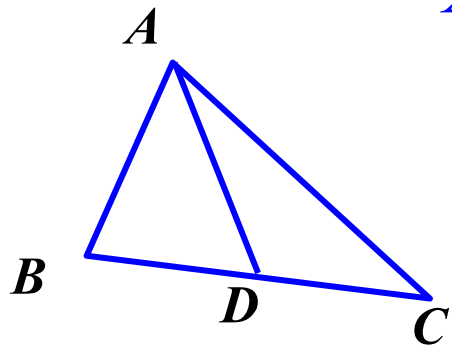
$$\therefore \frac{AD}{A'D'} = \frac{AB}{A'B'} = k$$



相似三角形对应高的比等于相似比



如图， $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$ ，相似比为 k ， AD ， $A'D'$ 分别是边 BC 、 $B'C'$ 上的中线，求证 $\frac{AD}{A'D'} = k$ 。

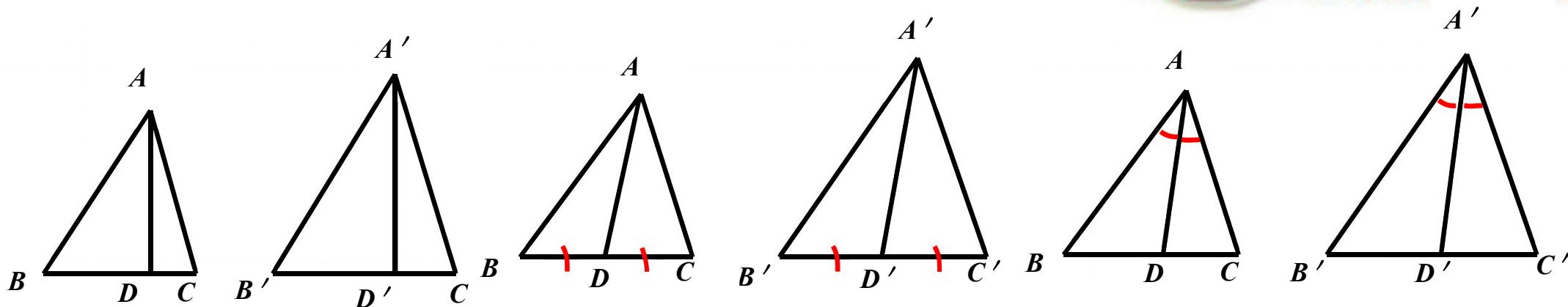


思考：若 AD ， $A'D'$ 改为角平分线呢

结论：相似三角形对应中线的比等于相似比

结论：相似三角形对应角平分线的比等于相似比

如图 $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$ ，相似比为 k 。



$$\frac{AD}{A'D'} = \underline{\quad k \quad}$$

$$\frac{AD}{A'D'} = \underline{\quad k \quad}$$

$$\frac{AD}{A'D'} = \underline{\quad k \quad}$$



相似三角形的性质：

相似三角形对应 $\left\{ \begin{array}{l} \text{中线} \\ \text{高} \\ \text{角平分线} \end{array} \right.$ 的比都等于**相似比**.

概括为：**相似三角形对应线段的比等于相似比。**



黄冈学习网
www.hgxxw.net